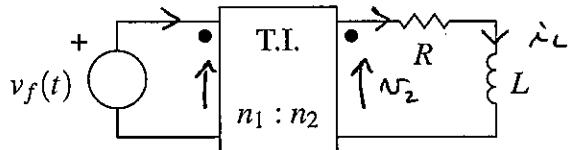


Solución

ELO102 – S1 2013 – Control #13 – 19 de agosto de 2013

Problema 13.1 En la red de la figura

- (a) Determine la ecuación diferencial que satisface la corriente por el inductor.
- (b) Si $v_f(t) = 32 \cos(100t)$ [V], $n_1 = 16$, $n_2 = 5$, $R = 10$ [Ω], $L = 0,1$ [H], determine la amplitud de la corriente por el inductor en estado estacionario.



$$(a) \quad n_2 = R i_L + L \frac{di_L}{dt}$$

$$\frac{M_2}{M_1} v_f = R i_L + L \frac{di_L}{dt}$$

$$(b) \quad \frac{5}{16} \cancel{32} \cos(100t)^2 = 10 i_L + 0.1 \frac{di_L}{dt}$$

$$\text{Suponemos } i_L(t) = A \cos(100t) + B \sin(100t)$$

Reemplazamos

$$10 \cos^2(100t) = 10(A \cos(100t) + B \sin(100t)) + \cancel{A}(-100A \sin(100t)) + \cancel{100B \cos(100t)}$$

$$\Rightarrow \cos^2(100t) = (A+B) \cos(100t) + (B-A) \sin(100t)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} A+B = 1 \\ B-A = 0 \end{cases} \quad A=B=\frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad i_L(t) = \frac{1}{2} \cos(100t) + \frac{1}{2} \sin(100t) \\ = \frac{\sqrt{2}}{2} \cos(100t - \pi/4)$$

$$\Rightarrow \text{La amplitud es } \frac{\sqrt{2}}{2} \approx 0,707$$