

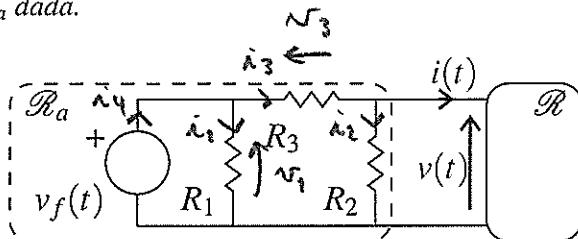
# Solución

Nombre:

## ELO102 – S1 2018 – Control #5 – 20 de abril de 2018

Responda SOLO UNO de los dos problemas propuestos. Indique claramente cuál responde.

**Problema 5.1** En la red de la figura derecha  $v_f(t)$ ,  $R_1, R_2, R_3$  son datos. Determine la característica terminal  $v(t)-i(t)$  de la red  $\mathcal{R}_a$  dada.



Definimos variables como en la figura

Entonces LCK :  $i_4 = i_2 + i_3$   
 $i_3 = i_2 + i$

LVR :  $v_1 = v_f$   
 $v_1 = v_3 + v$

III :  $v_1 = R_1 i_1$   
 $v = R_2 i_2$   
 $v_3 = R_3 i_3$

7 ecuaciones 8 incógnitas, pues  
 NO se conoce el III  
 perteneciente de  $R$   
 Por tanto se procede  
 escribir  $v(t)$  en  
 función de  $i(t)$  (o  
 vice versa).

III en LVR :  $R_1 i_1 = v_f$   
 $R_1 i_1 = R_3 i_3 + R_2 i_2$

LCK }  $i_4 = i_1 + i_3$   
 $i_3 = i_2 + i$

$v_f = R_3 i_3 + R_2 i_2$   
 $i_3 = i_2 + i$

$v_f = R_3(i_2 + i) + R_2 i_2$

$i_2 = \frac{v_f - R_3 i}{R_2 + R_3} \Rightarrow$

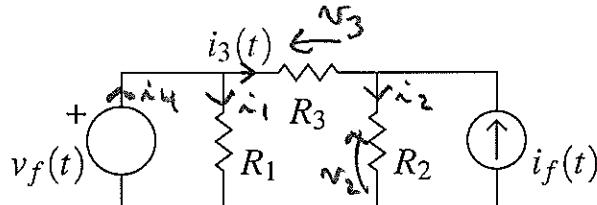
Característica  $v_i$   
 $R_2 i_2 = v = \frac{R_2}{R_2 + R_3} (v_f - R_3 i)$

## Solución

**Problema 5.2** En la red de la figura  $v_f(t)$ ,  $i_f(t)$ ,  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  son datos.

(a) Determine un sistema de ecuaciones consistente que permita analizar la red

(b) Determine la corriente por la resistencia  $R_3$ .



(a) Definimos variables como en la figura

$$\text{LCK : } i_4 = i_2 + i_3$$

$$i_3 + i_f = i_2$$

$$\text{VK : } v_f = v_3 + v_2$$

$$\text{III : } v_f = R_1 i_1$$

$$v_3 = R_2 i_3$$

$$v_2 = R_2 i_2$$

Ecuación L.I.

6 incógnitas:

$$\{ i_1, i_2, i_3, i_4, v_3, v_2 \}$$

(b) Se puede resolver el sistema anterior o aplicar superposición:

$$\text{Si } i_f = 0 \quad \begin{array}{c} + \\ \text{v}_f(t) \\ \parallel \\ R_1 \end{array} \quad \begin{array}{c} R_3 \\ \parallel \\ R_2 \end{array} \quad i_{3a}(t) \quad \Rightarrow \quad i_{3a}(t) = \frac{v_f(t)}{R_2 + R_3}$$

$$\text{Si } v_f = 0 \quad \begin{array}{c} + \\ \text{i}_f(t) \\ \parallel \\ R_2 \end{array} \quad \begin{array}{c} R_3 \\ \parallel \\ R_1 \end{array} \quad i_{3b}(t) \quad \Rightarrow \quad i_{3b}(t) = \frac{-R_2}{R_2 + R_3} i_f(t)$$

$$\Rightarrow i_3(t) = \frac{v_f(t) - R_2 i_f(t)}{R_2 + R_3}$$